

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ

НИЖЕГОРОДСКИЙ ИНСТИТУТ ТЕХНОЛОГИЙ И УПРАВЛЕНИЯ (филиал) ФГБОУ ВПО «МГУТУ имени К.Г.Разумовского»

Контрольная работа по дисциплине

Математика

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 5 \\ 3 & 4 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 10 & 3 \\ -2 & 4 \\ 1 & 8 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} -4x_1 + 7x_2 - 2x_3 = 0 \\ x_1 - 3x_2 + x_3 = -2 \\ 2x_1 + 5x_2 + 2x_3 = -4 \end{cases}.$$

3. Даны вершины треугольника A(4;14), B(-1;2), C(7;8).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to 0} \frac{10x^2}{-x^3+x^2+x}, \lim_{x\to 0} \frac{tg^2x}{x\cdot \sin x}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \frac{x}{\sqrt{4 - x^2}}, \quad y = x \ell n \cos x.$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{x^2 + 1}{x^2 1}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int xe^{-x}dx, \int \frac{xdx}{x^2+1}, \int \frac{e^{arctgx}dx}{1+x^2}.$$

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = x^2$$
, $y = 7x - 12$.

$$y'\cos x - y\sin x = 1$$
, $y_0 = 1$, $x_0 = \frac{\pi}{4}$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{3^n(n+1)}$.
- 11. Среди 12 пассажиров маршрутного такси 4 девушки. На остановке выходят 4 пассажира. Найти вероятность того, что среди них есть хотя бы одна девушка.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 11 & 3 & -2 \\ 4 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 3 & 5 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - 8x_3 = 0 \\ x_1 + x_2 - 2x_3 = -1 \\ 7x_1 - 5x_3 = 16 \end{cases}$$

3. Даны вершины треугольника A(6;13), B(1;1), C(9;7).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to\infty} \frac{1-3x+x^3}{2x^2}, \lim_{x\to0} \frac{1-\cos 8x}{1-\cos 4x}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = x^2 \sin \sqrt{x}$$
, $y = \ell n \frac{1 + x^3}{1 - x^3}$.

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{9}{x^2 9}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int \sqrt{x} \ell nx dx$$
, $\int (1+e^x)e^x dx$, $\int \frac{x dx}{x^2-4}$.

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y^2 = 2x + 1$$
, $x - y - 1 = 0$.

$$y' - \frac{y}{x} = \frac{x+1}{x}$$
, $y_0 = 2$, $x_0 = 1$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n x^n}{n^2 + 1}$.
- 11. Студент знает 20 из 27 вопросов программы. Вычислить вероятность того, что студент знает предложенные ему экзаменатором три вопроса.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -3 & 1 \\ 2 & 10 & 5 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 7 & 1 \\ -1 & 3 \\ 2 & 8 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} 12x_1 - 2x_2 + 3x_3 = 12 \\ x_1 - 5x_2 - 8x_3 = -41 \\ 2x_1 + x_3 = 6 \end{cases}$$

3. Даны вершины треугольника A(7;11), B(2;-1), C(10;5).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to\infty}\frac{x^2+x}{3x^2-1}, \lim_{x\to0}\frac{tgx\cdot\sin x}{x^2}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \frac{2\cos^2 x}{1-\sin 2x}$$
, $y = \frac{1}{2}x\sqrt{x^2+9}$.

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = 2x^4 x^2$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int x \cdot 2^{2x} dx, \int \frac{\arcsin x}{\sqrt{1-x^2}} dx, \int \frac{dx}{x^2-2x}.$$

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = x^2$$
, $y = \frac{1}{3}x^3$.

$$y' - \frac{2y}{x+1} = (x+1)^3$$
, $y_0 = 1$, $x_0 = 1$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n+1)x^n}{5^n}$.
- 11. В лотерее 20 билетов, среди которых 12 выигрышных. Участник лотереи покупает 4 билета. Найти вероятность какого-нибудь выигрыша.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 6 & 4 & 0 \\ -1 & 8 & 3 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 12 & 1 \\ -7 & 1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 - x_3 = -3 \\ -5x_2 + 8x_3 = 1 \\ 3x_1 - 2x_2 + x_3 = -1 \end{cases}.$$

3. Даны вершины треугольника A(3;13), B(-2;1), C(6;7).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2 + 3x - 10}{2x^2 + x - 10}, \quad \lim_{x\to 0} \frac{\sin 5x}{7x}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \frac{4\ell nx}{1 - \ell nx}, \ y = x^3 \sin^3 x.$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{x^2}{x-1}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int xe^{2x}dx, \int \frac{dx}{\sqrt[5]{2-5x}}, \int \frac{dx}{x^2+9x}.$$

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y^2 = 9x$$
, $y = x + 2$.

$$y' + \frac{2y}{x} = \frac{e^{x^2}}{x}, \quad y_0 = 2, \ x_0 = 1.$$

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{(n+1)6^n}$.
- 11. Среди 10 книг, стоящих на полке, 3 учебника по теории вероятностей. Найти вероятность того, что среди 4-х выбранных наудачу книг окажется хотя бы один учебник по теории вероятностей.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} -7 & 4 & -3 \\ 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 11 \\ 4 & -1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + x_3 = 11 \\ x_1 - x_2 + x_3 = -4 \\ 3x_1 + x_2 - 5x_3 = 0 \end{cases}$$

3. Даны вершины треугольника A(4;11), B(-1;-1), C(7;5).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to\infty}\frac{2-x^2}{3x^2+x}, \quad \lim_{x\to0}\frac{5x}{arctgx}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \frac{20x}{\sqrt{x^3 + 1}}, \ y = tg\frac{x}{2} - ctg\frac{x}{2}.$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{x^4}{5} 2x^2 + 5$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int xe^{-\frac{x}{2}}dx$$
, $\int \frac{2\arccos x}{\sqrt{1-x^2}}dx$, $\int \frac{xdx}{x^2-16}$.

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = \ell nx, y = 1, y = 4.$$

$$y' - \frac{2y}{x} = \frac{1}{x}$$
, $y_0 = 3$, $x_0 = 1$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4^n x^n}{6^n \sqrt[3]{n}}$.
- 11. Бросаются два игральных кубика. Определить вероятность того, что сумма чисел на выпавших гранях будет равна восьми.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 18 & -2 & 3 \\ 1 & 5 & -5 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -1 & 4 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 - 3x_3 = 9 \\ 2x_1 - 3x_2 - 4x_3 = 15 \\ 3x_1 + x_2 - x_3 = 18 \end{cases}$$

- 3. Даны вершины треугольника A(1,1), B(5,6), C(3,-1). Найти:
- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x \to -1} \frac{2x^2 + 5x + 3}{x^2 - 4x - 5}$$
, $\lim_{x \to 0} \frac{arctg2x}{3x}$.

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}, y = tg^2(1-x).$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{x}{x^2 4}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int x \cos 8x dx, \int \frac{dx}{\sqrt[3]{3-x}}, \int \frac{dx}{x^2 + 21x}.$$

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = e^{-\frac{x}{2}}, \quad x = 0, x = 2.$$

$$y' + y = e^{4x}, \quad y_0 = 2, \quad x_0 = 0.$$

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{nx^n}{8^n(n+1)}$.
- 11. Среди 12 преподавателей кафедры 8 имеют ученую степень. Наудачу выбирают 4-х человек. Найти вероятность того, что хотя бы один из выбранных не имеет ученой степени.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 13 \\ 8 & 0 & 15 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ -2 & 3 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases}
-3x_1 - 2x_2 - 10x_3 = -16 \\
2x_1 + 7x_3 = 2 \\
x_1 + x_2 + x_3 = 3
\end{cases}$$

3. Даны вершины треугольника A(1;0), B(7;3), C(4;4).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x \to -3} \frac{2x^2 + 5x - 3}{x^2 - 9}, \lim_{x \to 0} \frac{xtgx}{1 - \cos x}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}, \ y = 2^{\sqrt{x}-2}.$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = x^2 \frac{1}{x}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int x \cos 2x dx, \int \frac{x^3 dx}{1+x^8}, \int \frac{x dx}{x^2-16}.$$

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = x^2$$
, $y = \frac{1}{2}x^3$

$$y' + 3y = 14e^{4x}$$
, $y_0 = 1$, $x_0 = 0$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{nx^n}{2^n}$.
- 11. Среди 20 упаковок продукта у 7 закончился срок годности. Для контроля отобрано 5 упаковок. Найти вероятность того, что среди них окажется 2 просроченных.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & -4 & 2 \\ 6 & -6 & 1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 8 & 10 \\ 1 & -1 \\ 9 & 3 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - x_3 = 5\\ 3x_1 + 2x_2 - 2x_3 = 1\\ 4x_1 + 3x_2 + x_3 = 13 \end{cases}$$

3. Даны вершины треугольника A(0;1), B(6;4), C(3;5).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to\infty} \frac{2x+x^2}{1-3x^2}$$
, $\lim_{x\to0} \frac{4x^2}{1-\cos 4x}$.

5. Найти производные следующих функций:

$$y = \ell n \left(\frac{7x - 4}{7x + 4} \right), \ y = \arcsin 3x - \sqrt{1 - 9x^2}.$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{9 x^2}{x}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int \sqrt[3]{x} \ell nx dx, \int \frac{\sqrt{1+\ell nx}}{x} dx, \int \frac{dx}{x^2+x}.$$

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = 9 - x^2$$
, $y = 0$.

$$xy' + y = x + 1$$
, $y_0 = 3$, $x_0 = 1$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(n+1)x^n}{3^n(n+2)}$.
- 11. Среди 15 изделий 3 бракованные. Наудачу отбирают 5 изделий. Найти вероятность того, что среди них будет по крайней мере одно бракованное.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 & 15 \\ 1 & -1 & 6 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 4 & -4 \\ 2 & -2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} 7x_1 + 5x_2 - 20x_3 = -2\\ 2x_1 + 2x_2 - 3x_3 = 17\\ x_1 + x_2 - x_3 = 11 \end{cases}.$$

3. Даны вершины треугольника A(-1;-1), B(5;2), C(2;3).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to 1} \frac{3x^2 - 4x + 1}{x^2 - 3x + 2}, \quad \lim_{x\to 0} \frac{1 - \cos 2x}{1 - \cos 3x}.$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = arctg\sqrt{x-1}$$
, $y = \ell n \left(\frac{x^6 - 1}{6x + 5}\right)$.

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{x^2 1}{x^2 + 1}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int \frac{\ell nx dx}{x}$$
, $\int \frac{dx}{x^2 - 4x}$, $\int x^3 \ell nx dx$.

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = 2^x$$
, $x = 0$, $x = 2$.

$$xy' + 2y = x^4$$
, $y_0 = 2$, $x_0 = 1$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3^n x^n}{\sqrt{n+1}}$.
- 11. Бросаются два игральных кубика. Определить вероятность того, что сумма чисел на выпавших гранях будет равна семи.

1. Найти произведение матриц AB = C, если A, **В** даны:

$$A = \begin{pmatrix} 8 & -11 & 12 \\ 3 & -3 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 5 & 10 \\ -1 & 12 \\ 3 & 8 \end{pmatrix}.$$

2. Дана система линейных уравнений. Требуется показать, что система совместна, и найти ее решение тремя способами: а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} x_1 - 8x_3 = -7 \\ 8x_1 + 3x_2 - 6x_3 = 2 \\ 3x_1 - 5x_2 + 3x_3 = 6 \end{cases}$$

3. Даны вершины треугольника A(-1;-1), B(-7;2), C(-4;3).

Найти:

- а) уравнения всех трех его сторон;
- б) систему неравенств, определяющих множество точек, принадлежащих треугольнику, включая его стороны;
- в) внутренний угол А треугольника в градусах и минутах;
- Γ) длину высоты, проведенной из вершины A;
- д) площадь треугольника.
- 4. Найти пределы функций:

$$\lim_{x\to\infty}\frac{2x+1}{x+1}, \lim_{x\to0}(x\cdot ctgx).$$

5. Найти производные следующих функций:

$$y = arctg \frac{1}{1-x}, \ y = \frac{3-x^2}{6\sqrt{x}}.$$

- 6. Исследовать функцию и построить ее график: $y = \frac{2x}{x^2 + 1}$.
- 7. Найти неопределенные интегралы:

$$\int e^{\cos 5x} \sin 5x dx$$
, $\int x \operatorname{arcctg} x dx$, $\int \frac{dx}{x^2 + 2x}$.

8. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = \ell nx x, x = e^{-1}, x = e.$$

$$xy'-2y=x+1$$
, $y_0=2$, $x_0=1$.

- 10. Найти область сходимости степенного ряда: $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{nx^n}{5^n(n+1)}$.
- 11. На стеллаже библиотеки в случайном порядке расставлены 15 учебников, причем 5 из них в переплете. Библиотекарь берет наудачу 3 учебника. Найти вероятность того, что хотя бы один из взятых учебников окажется в переплете.