ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ САХАЛИНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра математики

МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ

«МАТЕМАТИКА»

для студентов заочного отделения часть I

Южно-Сахалинск 2012г.

Организационно-методические указания

Основной формой обучения студента-заочника является самостоятельная работа над учебным материалом, которая состоит из следующих элементов: изучение материала по учебникам, решение задач, самопроверка, выполнение контрольных работ. Кроме того, студент может обращаться к преподавателю с вопросами для получения письменной или устной консультации. Указания студенту по текущей работе даются также в процессе рецензирования контрольных работ. Завершающим этапом изучения отдельных частей курса математики является сдача зачётов и экзаменов в соответствии с учебным планом.

Контрольную работу следует выполнять в тетради, оставив в ней поля для преподавателя - рецензента. На обложке тетради должна быть надпись, где указывается: дисциплина, номер (или название) учебной группы, курс, фамилия, имя, отчество студента. Работа выполняется аккуратно, любыми чернилами, кроме красных. В ней должны быть даны чёткие пояснения к решению задач. В конце работы студент ставит дату выполнения и свою подпись.

Ниже приводятся:

- 1. Список рекомендуемой литературы.
- 2.Программа курса.
- 3.Задачи для контрольной работы.

ПРОГРАММА КУРСА.

АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ И ЭЛЕМЕНТЫ ВЕКТОРНОЙ АЛГЕБРЫ.

- 1. Декартова прямоугольная система координат.
- 2. Уравнение прямой на плоскости и в пространстве.
- 3. Кривые второго порядка.
- 4. Векторы на плоскости и в пространстве.
- 5. Сложение векторов и умножение вектора на скаляр.
- 6. Коллинеарность и компланарность векторов.
- 7. Разложение вектора по ортам.
- 8. Скалярное произведение векторов, и его свойства.
- 9. Векторное произведение векторов, и его свойства.
- 10.Смешанное произведение векторов, и его свойства.
- 11. Общее уравнение плоскости в пространстве, прямой в пространстве.

ЭЛЕМЕНТЫ ЛИНЕЙНОЙ АЛГЕБРЫ.

- 12. Понятие о системе линейных уравнений с п неизвестными.
- 13. Определители 2-го, 3-го и п-го порядка, их свойства и вычисление.
- 14. Правило Крамера для систем п линейных уравнений с п неизвестными.
- 15.Метод Гаусса для системы п линейных уравнений с п неизвестными, основные и свободные неизвестные (переменные), понятие базисного решения.
- 16. Геометрическая интерпретация систем линейных уравнений и неравенств.
- 17. Линейная зависимость векторов. Размерность линейного пространства. Базис, разложение вектора по базису.
- 18.Матрица. Определение матрицы. Частные виды матриц. Матрица, транспонированная к данной. Операции над квадратными матрицами: умножение на число, сложение и умножение матриц.
- 19. Матрица, обратная данной, её вычисление.

- 20.Операции над прямоугольными матрицами.
- 21.Понятие о ранге матрицы. Условие совместимости системы линейных уравнений. Матричная и векторная записи системы уравнений. Решение систем линейных уравнений матричным методом.
- 22. Комплексные числа, действия над ними.

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ.

- 23.Переменные и постоянные величины. Функция и способы её задания. Область определения функции. Простейшие элементарные функции и их графики.
- 24.Понятие предела. Бесконечно малые и бесконечно большие, их свойства. Основные теоремы о пределах. Первый и второй замечательные пределы.
- 25. Непрерывность функции, свойства непрерывных функций.
- 26.Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной, её геометрический и механический смысл.
- 27. Свойства производной. Основные правила нахождения производной.
- 28.Производные высших порядков.
- 29.Понятие дифференциала. Геометрический смысл дифференциала. Дифференциал сложной функции.
- 30. Теоремы Ролля и Лагранжа. Правило Лопиталя
- 31. Признаки возрастания и убывания функции на интервале.
- 32. Направление выпуклости, точки перегиба графика функции.
- 33. Асимптоты. Исследование функций и построение их графиков.
- 34. Функции нескольких независимых переменных, основные понятия и обозначения. Частные производные. Полный дифференциал. Экстремум функции нескольких переменных и его необходимые условия.

ЗАДАЧИ ДЛЯ КОНТРОЛЬНЫХ ЗАДАНИЙ

1.АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ. ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА. ЭЛЕМЕНТЫ ВЕКТОРНОЙ АЛГЕБРЫ.

№1-10.

Даны координаты вершин треугольника АВС. Найти:

- а) длину стороны АВ,
- б) уравнения сторон АС, АВ и ВС и их угловые коэффициенты,
- в) угол В,
- г) уравнение высоты СД,
- д) уравнение медианы АЕ,
- е) систему линейных неравенств, определяющих треугольник АВС. Сделать чертёж.
- 1.A(1;1)B(7;4)C(4;5)2.A(1;1)B(-5;4)C(-2;5)3.A(-1;1)B(5;4)C(2;5)4.A(-1;1) B(-7;4)C(-4;5)5.A(1;-1) B(7;2)C(4;5)6.A(1;-1)B(-5;2)C(-2;3)C(2;3)7.A(-1;-1)B(5;2)8.A(1;-2)C(3;7)B(7;1)9.A(0;1)B(6;4)C(3:5)10.A(1;0) B(7;3)C(4;4)

№11-20

- 11.Составить уравнение линии, для каждой точки которой её расстояние до точки F(-1;-2) равно расстоянию от прямой
- Х=-3.Сделать чертёж.
- 12. Составить уравнение линии, для каждой точки которой отношение расстояний до точки F(7;0) и прямой X=1 равно $\sqrt{7}$. Сделать чертёж.
- 13.Составить уравнение линии, для каждой точки которой отношение расстояний до точки F(2;0) и прямой X=3 равно $\sqrt{6}/3$. Сделать чертёж.
- 14.Составить уравнение линии, для каждой точки которой её расстояние до точки F(3;3) равно расстоянию от прямой Y=-2. Сделать чертёж.
- 15.Составить уравнение линии, для каждой точки которой отношение расстояний до точки F(2;0) и прямой X=1/2 равно 2. Сделать чертёж
- 16.Составить уравнение линии, для каждой точки которой отношение расстояний до точки F(-1;0) и прямой X=-9 равно 1/3. Сделать чертёж.
- 17. Составить уравнение линии, для каждой точки которой её расстояние до точки F(-3;2) и прямой X=2. Сделать чертёж.
- 18. Составить уравнение линии, для каждой точки которой отношение расстояний до точки F(3;0) и прямой X=2 равно $\sqrt{6}$ / 2 . Сделать чертёж.
- 19.Составить уравнение линии, для каждой точки которой отношение расстояний до точки F(-4,5;0) и прямой X=-8 равно 0,75. Сделать чертёж.
- 20.Составить уравнение линии, для каждой точки которой её расстояние до точки F(1;0) равно расстоянию от прямой Y=3. Сделать чертёж.

Найти матрицу, обратную данной матрице

$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

Проверить результат, вычислив произведение данной и полученной матриц.

$$21. A = \begin{pmatrix} 6 & 7 & 3 \\ 3 & 1 & 0 \\ 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$22. A = \begin{pmatrix} 9 & 9 & 5 \\ 4 & -1 & -2 \\ 14 & 13 & 7 \end{pmatrix}$$

$$23. A = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 4 \\ 3 & -1 & -3 \\ -1 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

$$24. A = \begin{pmatrix} 3 & 3 & 1 \\ 7 & 6 & 2 \\ 7 & 9 & 2 \end{pmatrix}$$

$$25. A = \begin{pmatrix} 9 & 7 & 3 \\ 14 & 9 & 7 \\ 0 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$26. A = \begin{pmatrix} 6 & 5 & 2 \\ 11 & 9 & 2 \\ 4 & 5 & 2 \end{pmatrix}$$

$$27. A = \begin{pmatrix} 12 & 6 & 1 \\ 19 & 16 & 7 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$28. A = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 4 & 5 & 2 \\ 3 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$29. A = \begin{pmatrix} 6 & 9 & 4 \\ -1 & -1 & 1 \\ 10 & 16 & 7 \end{pmatrix}$$

$$30. A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 3 & 4 & 3 \\ 9 & 8 & 5 \end{pmatrix}$$

№31-40.

Дана система линейных уравнений. Доказать ее совместность и решить тремя способами: 1) Матричным методом; 2)По формулам Крамера; 3) Методом Гаусса.

31.
$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 1 \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 4 \\ 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 0. \end{cases}$$
32.
$$\begin{cases} x_1 - 2x_2 + 3x_3 = -5 \\ 2x_1 + 3x_2 - 4x_3 = 4 \\ 3x_1 - 2x_2 - 5x_3 = -7. \end{cases}$$
33.
$$\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 + 2x_3 = -10 \\ 2x_1 + 5x_2 - 3x_3 = 8 \\ 5x_1 + 6x_2 - 2x_3 = 7. \end{cases}$$
34.
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + 2x_3 = 1 \\ 2x_1 - x_2 + 2x_3 = -4 \\ 4x_1 + x_2 + 4x_3 = -2. \end{cases}$$
35.
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 - x_3 = -4 \\ 3x_1 + 4x_2 - 2x_3 = 5 \\ 3x_1 - 2x_2 + 4x_3 = -7. \end{cases}$$
36.
$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 5 \\ 2x_1 - x_2 - 3x_3 = -4 \\ x_1 + 5x_2 + x_3 = 9. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 = 1 \\ 8x_1 + 3x_2 - 6x_3 = -2 \\ 4x_1 + x_2 - 3x_3 = -2. \end{cases}$$

$$38. \begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 7 \\ 2x_1 + 3x_2 + x_3 = 1 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 6. \end{cases}$$

$$39. \begin{cases} 7x_1 - 5x_2 = -17 \\ 4x_1 + 11x_3 = -4 \\ 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 4. \end{cases}$$

$$40. \begin{cases} x_1 + 2x_2 + 4x_3 = 3 \\ 5x_1 + x_2 + 2x_3 = -3 \\ 3x_1 - x_2 + x_3 = -5. \end{cases}$$

№41-50.

Дано комплексное число z. Требуется записать число z в алгебраической и тригонометрической формах.

$$41. \ z = \frac{2\sqrt{2}}{1+i}.$$

$$42. \ z = \frac{4}{1+i\sqrt{3}}.$$

$$43. \ z = \frac{-2\sqrt{2}}{1-i}.$$

$$44. \ z = \frac{-4}{1-i\sqrt{3}}.$$

$$45. \ z = \frac{-2\sqrt{2}}{1+i}.$$

$$46. \ z = \frac{2\sqrt{2}}{1-i}.$$

$$47. \ z = \frac{4}{1-i\sqrt{3}}.$$

$$48. \ z = \frac{-4}{\sqrt{3}-i}.$$

$$49. \ z = \frac{1}{\sqrt{3}+i}.$$

$$50. \ z = \frac{1}{\sqrt{3}-i}.$$

№51-60.

Найти пределы функций, не пользуясь правилом Лопиталя.

51.

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{1 - 2x}{3x - 2};$$
b) $\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos x}{5x^2};$
c) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + x} - \sqrt{1 - x}}{3x};$
c) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 + 1}{2x^3 + 1};$
e) $\lim_{x \to \infty} \frac{1 - \cos x}{5x^2};$
e) $\lim_{x \to \infty} \frac{1 - \cos x}{5x^2};$
e) $\lim_{x \to \infty} \frac{1 - \cos x}{5x^2};$
f) $\lim_{x \to \infty} \frac{1 - \cos x}{5x^2};$

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{1}{2x^3 + 1}$$
; b) $\lim_{x \to 0} \frac{1}{5x}$, c) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{2 + x} - 3}{x - 7}$; c) $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{2x - 1}{2x + 1}\right)^x$.

53.

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{2x^3 + x^2 - 5}{x^3 + x - 2};$$

b) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 - \cos 2x}}{|x|};$
b) $\lim_{x \to 0} \frac{x - \sqrt{x}}{|x|};$
c) $\lim_{x \to \infty} \frac{x - \sqrt{x}}{x^2 - x};$
c) $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{4x + 1}{4x}\right)^{2x}.$

54.

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{4x^4 + x^2 - 6}{x^3 + x - 2};$$

b) $\lim_{x \to 0} \frac{5x}{arctgx};$

c) $\lim_{x \to 0} \frac{x}{\sqrt{1 + 3x} - 1};$
c) $\lim_{x \to 0} (1 + 2x)^{\frac{1}{x}}.$

55.

a) $\lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 6x - 5}{5x^2 - x - 1};$
b) $\lim_{x \to 0} \frac{\cos x - \cos^3 x}{x^2};$

c) $\lim_{x \to 0} \frac{1 - \sqrt{1 - x^2}}{x^2};$
c) $\lim_{x \to \infty} x[\ln(x + 1) - \ln x].$

56.

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{3 + x + 5x^4}{x^4 - 12x + 1};$$

b) $\lim_{x \to 0} \frac{x^2 ctg 2x}{\sin 3x};$
b) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + 3x} - \sqrt{1 - 2x}}{x + x^2};$
c) $\lim_{x \to +\infty} (2x + 1) [\ln(x + 3) - \ln x].$
57.

57.
a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{x - 2x^2 + 5x^4}{2 + 3x^3 + x^4};$$
b) $\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos 6x}{1 - \cos 2x};$
c) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 + 3x^2 - 1}}{x^2 + x^3};$
c) $\lim_{x \to +\infty} (x - 5) [\ln(x - 3) - \ln x].$

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{5x^2 - 3x + 1}{3x^2 + x - 5};$$

b) $\lim_{x \to 0} \frac{tg^2 \frac{x}{2}}{x^2};$
c) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{2x - 1} - \sqrt{5}}{x - 3};$
c) $\lim_{x \to 1} (7 - 6x) \frac{x}{(3x - 3)}.$

a)
$$\lim_{x \to \infty} \frac{7x^4 - 2x^3 + 2}{x^4 + 3};$$

b) $\lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos 4x}{2xtg2x};$
b) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1 - 3x} - \sqrt{2x + 6}}{x^2 - 5x};$
c) $\lim_{x \to 2} (3x - 5) \frac{2x}{(x^2 - 4)}.$

a)
$$\lim_{x\to\infty} \frac{8x^5 - 3x^2 + 9}{2x^5 + 2x^2 + 5}$$
;

$$e$$
) $\lim_{r\to 0} 5xctg3x$;

$$\delta)\lim_{x\to 2}\frac{x-2}{\sqrt{2x}-2};$$

$$2)\lim_{x\to 2} (3x-8)^{\frac{2}{(x-3)}}.$$

№61-70.

Задана функция y = f(x). Найти точки разрыва функции, если они существуют. Сделать чертеж.

61.
$$f(x) = \begin{cases} x+4, & x < -1; \\ x^2 + 1, & -1 \le x < 1; \\ 2x, & x \ge 1. \end{cases}$$

62.
$$f(x) = \begin{cases} x+2, & x \le -1; \\ x^2+1, & -1 < x \le 1; \\ -x+3, & x > 1. \end{cases}$$

63.
$$f(x) = \begin{cases} -x, & x \le 0; \\ -(x-1)^2, & 0 < x < 2; \\ x-3, & x \ge 2. \end{cases}$$

64.
$$f(x) = \begin{cases} \cos x, & x \le 0; \\ x^2 + 1, & 0 < x < 1; \\ x, & x \ge 1. \end{cases}$$

65.
$$f(x) = \begin{cases} -x, & x \le 0; \\ x^2, & 0 < x \le 2; \\ x+1, & x > 2. \end{cases}$$

66.
$$f(x) = \begin{cases} -x, & x \le 0; \\ \sin x, & 0 < x \le \pi; \\ x - 2, & x > \pi. \end{cases}$$

67.
$$f(x) = \begin{cases} -(x+1), & x \le -1; \\ (x+1)^2, & -1 < x \le 0; \\ x, & x > 0. \end{cases}$$

$$62. \ f(x) = \begin{cases} x+2, & x \le -1; \\ x^2+1, & -1 < x \le 1; \\ -x+3, & x > 1. \end{cases}$$

$$63. \ f(x) = \begin{cases} -x, & x \le 0; \\ -(x-1)^2, 0 < x < 2; \\ x-3, & x \ge 2. \end{cases}$$

$$64. \ f(x) = \begin{cases} \cos x, & x \le 0; \\ x^2+1, & 0 < x < 1; \\ x, & x \ge 1. \end{cases}$$

$$65. \ f(x) = \begin{cases} -x, & x \le 0; \\ x^2, & 0 < x \le 2; \\ x+1, & x > 2. \end{cases}$$

$$66. \ f(x) = \begin{cases} -x, & x \le 0; \\ \sin x, & 0 < x \le \pi; \\ x-2, & x > \pi. \end{cases}$$

$$67. \ f(x) = \begin{cases} -(x+1), & x \le -1; \\ (x+1)^2, & -1 < x \le 0; \\ x, & x > 0. \end{cases}$$

$$68. \ f(x) = \begin{cases} -x^2, & x \le 0; \\ tgx, & 0 < x \le \frac{\pi}{4}; \\ 2, & x > \frac{\pi}{4}. \end{cases}$$

$$(-2x, & x \le 0;$$

$$x > \frac{x}{4}.$$

$$69. \ f(x) = \begin{cases} -2x, & x \le 0; \\ x^2 + 1, & 0 < x \le 1; \\ x, & x > 1. \end{cases}$$

$$70. \ f(x) = \begin{cases} -2x, & x \le 0; \\ \sqrt{x}, & 0 < x < 4; \\ 1, & x \ge 4. \end{cases}$$

70.
$$f(x) = \begin{cases} -2x, & x \le 0; \\ \sqrt{x}, & 0 < x < 4; \\ 1, & x \ge 4. \end{cases}$$

2.ВВЕДЕНИЕ В МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ.

№71-80.

Найти производные данных функций

71.a)
$$y = \left(3x^4 - \frac{5}{\sqrt[4]{x}} + 2\right)^5$$
; 6) $y = \ln \sqrt[5]{\left(\frac{1 - 5x}{1 + 5x}\right)^3}$;
B) $y = \arccos 2x + \sqrt{1 - 4x^2}$; r) $y = 2^{\frac{1}{2}x} + x \sin 2x$;

72.a)
$$y = (5x^2 + 4\sqrt[4]{x^5} + 3)^3$$
 ; 6) $y = \ln \sqrt[6]{\frac{1 - x^6}{1 + x^6}}$;

B)
$$y = \arctan \sqrt{x^2 - 1}$$
 ; r) $y = e^{3x} - 2xtg3x$;

73. a)
$$y = \left(\frac{1}{4}x^8 + 8\sqrt[8]{x^3} - 1\right)^3$$
; 6) $y = \ln \sqrt[4]{\frac{4x - 1}{x^4 + 1}}$;

в) y=
$$\arccos \sqrt{x+1}$$
 ; г) y= $3^{\cos x}$ - $x\sin 2x$;

74.a) y=
$$\left(\frac{1}{5}x^5 - 3x\sqrt[3]{x} - 4\right)$$
; 6) y= $\ln \sqrt[3]{\frac{x^3 - 3}{x^3 + 2}}$;

в) y=
$$\arctan \sqrt{x-1}$$
 ; г) y= $\sqrt{x}ctg3x - 2^{x^2}$;

75.a)
$$y = \left(3x^8 + 5\sqrt[5]{x^2} - 3\right)^5$$
; 6) $y = \ln \sqrt[5]{\left(\frac{5x + 3}{x^5 + 1}\right)^2}$;

B)
$$y = \arctan \frac{2}{x-3}$$
 ; r) $y = 5^{\sqrt{x}} - x^2 t g 2x$;

76.a)
$$y = \left(5x^4 - \frac{2}{x\sqrt{x}} + 3\right)^2$$
; 6) $y = \ln \sqrt[4]{\frac{1 - 8x}{x^8 + 1}}$;

(a)
$$y = \arccos \sqrt{1-x}$$
 $(x) y = 3^{\sqrt{x}} + \frac{1-\sin 3x}{1+\sin 3x}$

77.a) y=
$$\left(4x^3 + \frac{3}{x\sqrt[3]{x}} - 2\right)^5$$
; 6) y= $\ln \sqrt[6]{\left(\frac{x^6 - 1}{6x + 5}\right)^7}$;

78.a)
$$y = (7x^5 - 3x\sqrt[3]{x^2} - 6)^4$$
; 6) $y = \ln \sqrt[3]{\left(\frac{3x - 4}{3x + 1}\right)^4}$;

в) y=arcsin3x-
$$\sqrt{1-9x^2}$$
; г) y= $e^{igx} - \sqrt{x}\cos 2x$;

79.a)
$$y = \left(3x^4 - \frac{4}{\sqrt[4]{x}} - 3\right)^5$$
 ; 6) $y = \ln\sqrt{\left(\frac{x^6 - 3}{6x + 2}\right)^3}$;

B)
$$y = \arctan \frac{1}{x-1}$$
; Γ) $y = x + t g 3x + 2^{x-2}$;

80.a) y=
$$\left(8x^3 - \frac{9}{x^2\sqrt{x}} + 6\right)^5$$
; 6) y= $\ln \sqrt[7]{\left(\frac{7x - 4}{x^7 - 2}\right)^3}$;

в) y=
$$\arcsin \sqrt{1-x}$$
 ; г) y= $3^{\sin x} - \sqrt[3]{x} t g 3x$.

№81-90.

Вычислить приближённое значение $\sqrt[n]{a}$, заменив в точке $X=X_0$ приращение функции $Y=\sqrt[n]{X}$ дифференциалом.

81 .n= 3 ,a=502 ,
$$x_0 = 512$$
.

82. n=4, a=267,
$$x_0 = 256$$
.

83. n=5, a=234,
$$x_0 = 243$$
.

84. n=6, a=685,
$$x_0 = 729$$
.

85. n=7, a=142,
$$x_0 = 128$$
.

86. n=3, a=349,
$$x_0 = 343$$
.

87. n=4 ,a=605 ,
$$x_0$$
=625.

88. n=5 ,a=255 ,
$$x_0$$
=243.

89. n=6,
$$a=773$$
, $x_0=729$.

90. n=7,
$$a=156$$
, $x_0=128$.

Номера задач для контрольных работ. Вариант задания выбирается по номеру зачетной книжки.

Контрольная работа №1.

Вариант	Номера задач								
1	1	11	21	31	41	51	61	71	81
2	2	12	22	32	42	52	62	72	82
3	3	13	23	33	43	53	63	73	83
4	4	14	24	34	44	54	64	74	84
5	5	15	25	35	45	55	65	75	85
6	6	16	26	36	46	56	66	76	86
7	7	17	27	37	47	57	67	77	87
8	8	18	28	38	48	58	68	78	88
9	9	19	29	39	49	59	69	79	89
10	10	20	30	40	50	60	70	80	90

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

а) основная литература

- 1. Баранова Е.С., Васильева Н.В., Федотов В.Л. Практическое пособие по высшей математике. Типовые расчеты. Учебное пособие. СПб: Питер, 2007. 320с.
- 2. Ганнушкина, С.А., Синицын, В.Ю. Сборник задач по теории вероятностей. М.:РГГУ, 1997. 52 с.
- 3. Гмурман, В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. М.: Высшая школа, 2003. 480 с.
- 4. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. М: «Высшая школа», 2004. 404 с.
- 5. Гурова З.И., Каролинская С.Н., Осипова А.П. Математический анализ. Начальный курс с примерами и задачами. М.: Физматлит, 2007. 352с.
- 6. Кремер, Н.Ш. Теория вероятностей и математическая статистика. М.: ЮНИТИ, 2007. 551 с.
- 7. Калинина, В.Н., Панкин, В.Ф. Математическая статистика. Дрофа, Москва, 2002. 336 с.
- 8. Письменный Д. Конспект лекций по высшей математике. В 2 частях. Часть 1. М.: Айрис-пресс, 2009. —288с.
- 9. Письменный, Д.Т. Конспект лекций по теории вероятностей и математической статистике. М: Айрис-пресс, 2008. 256 с.

б) дополнительная литература

- 1. Вентцель, Е.С. Теория вероятностей. М.: Наука. 1969. 576 с.
- 2. Данко П.Е., Попов А.Г., Кожевникова Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах. В 2 частях. Часть 1. М.: Оникс, 2007. 304с.
- 3. Данко П.Е., Попов А.Г., Кожевникова Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах. В 2 частях. Часть 2. М.: Оникс, 2007. 416c.
- 4. Демидович Б.П. Задачи и упражнения по математическому анализу. М.: ACT, 2009, 560c.
- 5. Елисеева, И.И., Юзбашев, М.М. Общая теория статистики. М.: Финансы и статистика, 1995. 365 с.
- 6. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисление для втузов. Т. 1. М.: Интеграл-Прес, 2006. 416с.
- 7. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисление для втузов. Т. 2. М.: Интеграл-Прес, 2006. 544c.
- 8. Шведов, А.С. Теория вероятностей и математическая статистика. Учебное пособие для эконом. спец. вузов. М.: Изд-во Высшей школы экономики, 1995. 208 с.
- 9. Шмойлова, Р.А. Теория статистики. М.: Финансы и статистика, 2000. 558 с.
- 10. Эддоус, М., Стэнсфилд, Р. Методы принятия решений. М.: "Аудит" Изд. Объединение ЮНИТИ, 1997. 590 с.